DOI:10.19322/j. cnki. issn. 1006-4710. 2019. 01. 010

凹坑--树状分叉微细通道换热特性的数值研究

税琳棋^{1,2}, 孙建辉^{1,2}, 高 峰^{1,2}, 吴文武^{1,2}

(1. 西安理工大学教育部数控机床及机械制造装备集成重点实验室,陕西西安710048;2. 西安理工大学陕西省制造装备重点实验室,陕西西安710048)

摘要:通过求解三维雷诺时均 N-S 方程和 SSG 雷诺应力模型,数值研究了透平叶片内部树状分叉 微细通道中的流动和换热特性,着重分析了壁面凹坑结构对通道强化换热特性的影响。研究表明: 在本文研究结构下,通道分叉引起的纵向涡二次流和凹坑引起的分离涡二次流是通道换热得到强 化的主要原因。蒸汽和空气在通道中的二次流涡旋流动特性相似,但热物性的差异使得蒸汽的平 均努塞尔数比空气的高约 48%~67%。在不同的凹坑流向间距下,蒸汽冷却的摩擦系数比均随着 雷诺数的增加先减小后增大,努塞尔数比和强化换热因子则均随着雷诺数的增加而减小。当凹坑 流向间距为 3 时,通道中蒸汽冷却的强化换热性能最佳。

关键词:透平叶片;树状分叉微细通道;凹坑;蒸汽冷却;换热增强 **中图分类号:**TK47 **文献标志码:**A **文章编号:**1006-4710(2019)01-0062-07

Numerical investigation on heat transfer characteristics of the tree-like branching microchannel with dimples

SHUI Linqi^{1, 2}, SUN Jianhui^{1, 2}, GAO Feng^{1, 2}, WU Wenwu^{1, 2}

(1. Key Laboratory of NC Machine Tools and Integrated Manufacturing Equipment of the Education Ministry,

Xi'an University of Technology, Xi'an 710048, China; 2. Key Laboratory of Manufacturing

Equipment of Shaanxi Province, Xi'an University of Technology, Xi'an 710048, China)

Abstract: The flow and heat transfer characteristics in the tree-like branching microchannel of gas turbine blades have been studied by adopting three dimensional Reynolds averaged Navier-Stokers equations coupled with the SSG turbulence model, with the effects of dimples on the thermal augmentation analyzed. The results reveal that in the studied structures, the longitudinal vortex flow induced by branches and the disperse vortex flow caused by dimples are the major factors of heat transfer enhancement in the dimpled branching microchannel. The secondary vortex flow fields of steam and air in the microchannel are very similar; however, the averaged Nu number of steam is about $48\% \sim 67\%$ higher than that of air due to the differences of thermophysical properties. At the ratio of different streamwise spacing to diameter, the friction factor ratios of steam flow in all microchannels first decrease and then increase with the increase of Re number, and the Nu number ratios and thermal enhancement factors reduce as Re number rises. When the streamwise spacing to diameter ratio is 3, the steam cooling displays the best overall thermal performance.

Key words: gas turbine blade; tree-like branching microchannel; dimple; steam cooling; heat transfer enhancement

重型燃气轮机是构成先进能源动力循环系统的 核心装备,其功率输出和循环热效率均随着透平初 温的提高而增加。目前先进燃机透平的进口初温已 达到 1900 K,这已远远超过叶片材料所能承受的温 度极限。为了保证叶片在高温下的安全运行,必须 对其采取有效的冷却措施^[1]。先进叶片冷却技术的 研究方向包括对叶片结构参数和复合冷却方式的优 化与改进,发展基于新思想、新理论的新型冷却技术

收稿日期: 2018-07-06

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51406165);陕西省重点实验室计划资助项目(16JS077);陕西省教育厅自然科学 专项资助项目(17JK0544)

作者简介:税琳棋,女,讲师,博士,研究方向为制造装备先进冷却技术。E-mail: Shuilinqi@xaut.edu.cn

以及采用新型冷却介质替代原有空气冷却等^[2]。其 中,基于涡流强化传热机理的表面凹坑换热技术和 基于微尺度强化传热机理的树状分叉微细通道换热 技术均是极具竞争力且富有前景的冷却技术。

凹坑结构在通道中产生的强烈而有序的涡旋, 会在近壁面区域引起气流的分离和重附着,从而有 效地强化传热^[3]。Ligrani和 Mahmood 等^[4], Murata等^[5]和 Xie 等^[6]分别对带凹坑的直通道或蛇 形弯曲通道中的强化传热与流动特性进行研究。他 们发现与光滑通道相比,凹坑通道的强化传热性能 提高大约2至3倍,而流动阻力并没有明显的增加; 与带肋通道相比,凹坑通道强化传热性能与其相当, 压力损失却仅有其一半左右。由于透平叶片内部结 构十分复杂,研究者往往将凹坑换热结构与其它冷 却方式灵活结合,从而获得更好的冷却效果。 Kanokjaruvijit 等^[7]以凹坑表面作为冲击靶面进行 传热实验,以期更好的对叶片前缘等高热负荷区域 进行冷却。Shen 等^[8] 采用数值方法研究了叶片尾 缘区域存在凹坑与射流劈缝复合冷却结构时的复杂 流动与换热特性。他们的研究表明,在叶片中采用 带凹坑的复合强化传热结构,能够在不明显增加流 动损失的情况下,有效提高叶片内部的冷却效果。

树状分叉微通道网络是自然界中非常普遍的结 构,具有生物系统特有的高效质量和能量输运特性。 近年来,受自然分叉网络系统的启发,树状分叉网络 在工程领域的应用被不断实现和拓广^[9]。Bejan^[10] 最早讨论了树状分叉微细通道在微电子冷却方面的 应用,采用构造理论设计的冷却网络在减小压降的 同时提高了冷却的均匀性。Chen 等^[11]研究了树状 分形分叉微通道在对流换热过程中的热流量和压降 分布,发现分叉网络可以在增大流道总热流量的同时 减小压降,具有更高的热效率。Senn 和 Poulikakos^[12] 发现分叉结构的优势在于既可以使通道中逐渐降低 的压力得到恢复,又能够使流动边界层发生破坏,产 生二次流涡流加剧流体的相互掺混,从而提高当地换 热系数水平。孙纪宁等[13]对透平叶片微细冷却通道中 的换热特性进行研究,发现当微细通道存在分叉结构 时叶片综合冷却效果更好。西门子公司的 Ahmad 等[14]设计了一种带树状分叉结构的透平叶片,并认为 这种分叉结构可以在叶片内部发生损坏或堵塞时,有 效维持整体叶片的冷却效果。Shui 等[15,16] 针对叶片 内部树状分形微通道的流动和换热特性进行了一系 列的实验和数值研究,发现在高雷诺数下的分叉微 通道具有更加优越的流阻-换热特性。

虽然目前已有不少学者对凹坑强化换热技术和树

状分叉微细通道强化换热技术分别进行了深入研究, 但将两种结构进行有机结合从而进一步提高透平叶片 冷却效果的尝试尚未见诸公开报道。将凹坑结构与树 状分叉结构进行复合,得到的新型冷却结构不仅拥有 更为良好的流阻-换热特性,并且还具有管径尺寸小、 管道分支设计灵活的特点。将这种新型结构应用在承 受复杂热负荷工况的透平叶片里,可以根据叶片表面的 热负荷分布特点去调整冷却通道的布置方案,使高热负 荷区域获得更强的冷却效果,从而优化叶片表面的温度 分布,有效减小温度梯度和热应力,因此极具应用潜力。

本文利用 Shui 等实验所使用的 T 型树状分叉 微细通道结构^[16]作为原型,在其上壁面处布置一系 列凹坑从而设计出凹坑-树状分叉微细通道复合换 热结构,并采用数值模拟方法探索雷诺数和工质性 质变化对其流动和换热特性的影响规律,以及蒸汽 冷却下不同凹坑流向间距(*s/D*)对通道强化换热特 性的影响,得到的研究结果可以为叶片高效冷却的 优化设计提供借鉴和参考。

1 计算模型和数值方法

图 1 给出了 T 型树状分叉微细通道的几何示 意图,其边界条件设定与前述实验保持一致。为了 全面而深入地研究凹坑结构对树状分叉微细通道中 的流动和换热特性的影响,在本文的数值模拟中设计 了三种不同的凹坑布置方案,其细节如图 2 所示。通 道中所有凹坑的形状均为球形,投影直径 D=0.7 mm, 深度 e=0.14 mm。在三种布置方案里,凹坑沿流向的 布置间距 s 分别为 2.1 mm、4.2 mm 和 6.3 mm,即无量 纲流向间距比 s/D分别为 3、6 和 9,凹坑的总横截面积 分别占通道上壁面面积的 14.0%、6.7%和 4.7%。

计算网格采用 ANSYS ICEM CFD 软件生成, 图 3 给出 s/D=3 时的通道网格图。计算采用分块 结构化网格,并进行近壁面区域的局部加密处理,使 主要换热壁面的 y+值小于 1。为保证计算的准确 性,本文对网格无关性进行了验证。结果发现,对光 滑树状分叉微细通道而言,当网格节点数增大到 9.72×10⁶后,计算结果已对网格数不敏感;对于三 种带凹坑的微细通道,合适的网格节点数则分别为 1.998×10⁷、1.893×10⁷和 1.869×10⁷。

在 ANSYS CFX 软件中,利用全隐式求解器求 解三维不可压缩稳态雷诺时均方程,计算精度选择 高精度格式。计算中,空气的热力学性质采用理想 气体模型进行描述,蒸汽的热力学性质使用 IAPWS-IF97标准进行计算。进口边界条件给定冷 气的平均质量流量、静温和湍流度;出口边界条件给 定冷气的静压;底部加热壁面设为定常热流密度,其 余壁面给定绝热边界条件,所有壁面均设为无滑移边 界。SSG 雷诺应力模型对于通道中的复杂流动与换热 情况具有较好的预测精度,因此本文采用该湍流模型 进行数值计算。作者在已有研究中^[16]验证了该模型对 树状分叉微细通道的流动传热过程模拟的合理性。









图 3 凹坑-树状分叉微细通道计算网格 Fig. 3 Grid in computational domain

为了便于对比,本文采用通道进口参数定义雷诺数 Re:

$$Re = \frac{\rho u_{\rm in} d_{\rm in}}{\mu} \tag{1}$$

式中, ρ为冷气的密度; μ为冷气的动力粘度; d_{in}为 通道进口处的水力直径; u_{in}为通道进口处的冷气平 均速度, 通过对该处的冷气质量流量进行计算得到。

通道带凹坑侧壁面的换热系数用努塞尔数 Nu 表示:

$$Nu = \frac{qd_{\rm in}}{(T_{\rm w} - T_{\rm b})\lambda} \tag{2}$$

式中,λ为冷气的导热系数;q为通过通道壁面的热 流密度;T_w为通道壁面温度;T_b为通道中冷气的局 部体积平均温度。

定义通道的摩擦系数 f 为:

$$f = \frac{\Delta p}{2\rho u_{\rm in}^2} \frac{d_{\rm in}}{L} \tag{3}$$

式中,Δp为通道进、出口压差;L为通道沿流程长度。

2 结果分析与讨论

2.1 蒸汽与空气换热特性比较

通道中流体的换热特性与其流场结构紧密相 关。当通道中存在二次流流动时,流体的湍流度将 增大,流体微团的混合程度会得到强化,从而使通道 的换热水平得到增强。涡旋核心是一种由临界点理 论发展而来的可以用于显示涡旋结构和分布的拓扑 可视化技术,能够清晰明确地显示流场中不同强度 的涡旋的分布规律、形状和大小[17]。借助涡旋核心 技术,可以对复杂通道中的二次流进行完整的显示, 从而实现对二次流动的强化传热机理的深入研究。 图 4 显示了当进口质量流量为 2.45×10⁻⁴ kg/s,即 蒸汽的 Re 数为 5 400 时,蒸汽和空气在凹坑-树状 分叉微细通道中的二次流涡旋核心分布规律。由图 可见,相比于光滑通道,凹坑通道中产生的二次流涡 旋不仅包括了由分叉结构诱导形成的纵向二次流涡 旋,还存在由凹坑结构引起的二次流涡旋阵列,这使 得凹坑-树状分叉微细通道中的流动更加复杂。对 蒸汽和空气的流动特性进行比较,可以发现,两者的 二次流涡旋分布特征非常相似。但是由于蒸汽的密 度小于空气,在相同的质量流量下,蒸汽的流速更 高,从而使得涡旋的强度更大,流体微团中间的质量 和能量交换更剧烈。



- 图 4 蒸汽和空气在凹坑与光滑树状分叉微细通道中 的涡旋核心分布
- Fig. 4 Contour plot of turbulence kinetic energy in the vortex core region of the branching microchannel with steam and air flow

如图 5(a)所示,L1 至 L4 分别为树状分叉微细 通道各级子通道壁面的中心线,图 5(b)~(e)显示 了在凹坑-树状分叉微细通道中分别以蒸汽和空气 作为冷却工质时的换热系数 h 沿流动方向无量纲距 离 z/L 的变化规律。



图 5 蒸汽和空气在凹坑与光滑树状分叉微细通道 中的当地换热系数分布

Fig. 5 Local heat transfer coefficient distribution of steam and air flow in the branching microchannel with and without dimples

为了方便对比,图中同时给出光滑树状分叉微 细通道中两种冷却工质的当地换热系数的变化情 况。可以看出,与光滑通道相比,凹坑通道的换热系 数呈现周期性波动并具有显著提升。蒸汽冷却通道 中L1至L4的换热系数水平分别提高了26.7%、 14.6%、22.2%和 25.9%, 而空气冷却通道中各级 子通道中心线上的换热系数分别提高了 26.5%、 14.3%、25.0%和 32.6%。这是由于在凹坑-树状 分叉微细通道中,不仅存在由通道分叉所引起的二 次流纵向涡旋传热强化,还存在凹坑诱导形成的三 维流动和不同尺度的涡旋所引起的壁面传热强化。 同时,蒸汽冷却的换热效果要优于空气冷却,这是由 于一方面蒸汽的热物理性质优于空气,具有更高的 普朗特数 Pr,即蒸汽的热边界层较薄,换热效果更 好;另一方面蒸汽在通道中的二次流涡旋强度更强, 也将引起更为强烈的热量交换。

图 6 对不同 Re 数下的蒸汽和空气的平均换热 性能进行了比较。其中, Nu_s和 Nu_a分别为蒸汽和 空气的平均努塞尔数。从图中可见,在凹坑-树状分 叉微细通道中,蒸汽的 Nu 数比空气的高约 48%至 67%, 而在光滑树状分叉微细通道中,蒸汽的平均换 热性能比空气高约 56%至 68%。虽然凹坑-树状分 叉微细通道中蒸汽的换热优势低于光滑树状分叉微 细通道,但两者数值相差并不大。这说明蒸汽相比 于空气的换热优势主要取决于它们的热物理属性, 而通道结构和 Re 数的变化对其影响较小。



图 6 不同 Re 数下蒸汽与空气的 Nu 数比变化趋势 Fig. 6 Nu number ratio of steam and air flow with different Re number

2.2 蒸汽强化换热性能分析

本节研究无量纲流向间距比 s/D 分别为 3、6 和 9 时的蒸汽强化换热特性的变化规律,Re 数的变 化范围为 3 000 至 90 000。如图 7 所示,相对于光 滑树状分叉微细通道,凹坑-树状分叉微细通道中蒸 汽的无量纲换热系数增强程度可以用 Nu_{s,d}/Nu_{s,s} 来表示。

从图中可见,三种 s/D下的 $Nu_{s,d}/Nu_{s,s}$ 均随着

Re 数的增加而逐渐减小。当 Re 数的变化范围为 3 000到 10 000 时,三条曲线的下降斜率较大,换热 系数比值迅速减小;而随着 Re 数的继续增大,曲线 的斜率均变小,换热系数比的减小趋势逐渐放缓。 当 Re=3 000 时,s/D 取 3、6 和 9 时的 $Nu_{s,d}/Nu_{s,s}$ 值分别为 1.55、1.40 和 1.38;当 Re=90 000 时, $Nu_{s,d}/Nu_{s,s}$ 值列为 1.55、1.40 和 1.38;当 Re=90 000 时, $Nu_{s,d}/Nu_{s,s}$ 值则分别降为 1.10、1.02 和 1.01。 这 说明随着 Re 数的增加,湍流状态下的主流扰动加 剧,流体间的相互掺混使得换热得到显著加强,而凹 坑结构的换热强化作用则被削弱。



图 7 不同 Re 数下蒸汽的 Nu_{s,d}/Nu_{s,s}变化趋势 Fig. 7 Nu_{s,d}/Nu_{s,s} of steam flow with different Re number

如图 8 所示,相对于光滑树状分叉微细通道,凹 坑-树状分叉微细通道中蒸汽的无量纲摩擦系数增 强程度可以用 $f_{s,d}/f_{s,s}$ 进行表示。从图中可以发 现,随着 Re 数从 3 000 增大到 30 000,三种 s/D 下 的 $f_{s,d}/f_{s,s}$ 均呈现出迅速增加而后减小的趋势,在 Re=3000时,s/D 为 6 和 9 的曲线获得最小 $f_{s,d}/f_{s,s}$ 值分别为 1.08 和 1.01,而 s/D=3 的曲线在 Re=30 000时获得最小 $f_{s,d}/f_{s,s}$ 值为 1.17。然后随着 Re 数的增加,三条曲线的数值均开始逐渐增大。这 说明随着 Re 数的增加,四坑结构带来的阻力损失 在逐渐增大。



图 8 不同 Re 数下蒸汽的 $f_{s,d}/f_{s,s}$ 变化趋势 Fig. 8 $f_{s,d}/f_{s,s}$ of steam flow with different Re number

在通道中,冷气的换热系数增加的同时,不可避 免地会产生更大的摩擦阻力损失。因此,往往采用 强化换热因子 η=(Nu_{s,d}/Nu_{s,s})/(f_{s,d}/f_{s,s})^{1/3}来全 面评价通道的强化换热性能。图 9 显示了不同 Re 数下的蒸汽强化换热因子的变化规律。从图中可 见,三种 s/D下的 η 值均随着 Re 数的增大而逐渐 减小。当 s/D=3 时,蒸汽的 η 值最大,其变化范围 为 1.44~1.01;随着 s/D 从 6 增加到 9,η 值略有减 小,但总体而言变化并不明显。



图 9 不同 Re 数下蒸汽的 η 变化趋势 Fig. 9 η of steam flow with different Re number

3 结 论

本文采用求解三维稳态雷诺时均 N-S 方程和 SSG 雷诺应力模型的方法,数值研究了凹坑-树状 分叉微细通道中蒸汽和空气的流动与换热特性,并 与光滑树状分叉微细通道中的计算结果进行比较, 分析了凹坑流向间距变化对蒸汽冷却强化换热特性 的影响,在所研究的 Re 数范围内可以得到几点 结论。

 1) 蒸汽和空气在凹坑-树状分叉微细通道中的 流场特征十分相似,均主要包括分叉结构产生的纵 向涡二次流以及凹坑结构引发的分离涡二次流。在 相同的进口质量流量下,蒸汽的涡旋强度高于空气, 使得通道中的蒸汽冷却具有更强烈的热交换。

2) 在凹坑-树状分叉微细通道中,蒸汽的平均 Nu 数是空气的 1.48~1.67 倍。蒸汽相对于空气的换热优势主要受气体的热物理性质影响,通道结构与 Re 数的变化对其影响较小。

3) 在三种凹坑流向间距下,通道中蒸汽的 Nu_{s.d}/Nu_{s.s}和η均随着 Re 数的增加而逐渐减小, f_{s,d}/f_{s.s}则随着 Re 数的增加先增大再减小,而后继 续增大。当 s/D=3 时,通道中的蒸汽冷却获得最 佳的强化换热性能。

参考文献:

- [1] 韩介勤,杜达,艾卡德. 燃气轮机传热和冷却技术
 [M].程代京,谢永慧译.西安:西安交通大学出版社, 2005:196-246.
- [2] 张效伟,朱惠人. 大型燃气涡轮叶片冷却技术[J]. 热

能动力工程,2008,23(1):1-6.

ZHANG Xiaowei, ZHU Huiren. Blade cooling technology of heavy-duty gas turbines[J]. Journal of Engineering for Thermal Energy and Power, 2008, 23(1): 1-6.

- [3] 刘高文,张丽,郭涛. 凹坑强化传热的研究进展回顾
 [J]. 航空动力学报,2007,22(11):1785-1791.
 LIU Gaowen, ZHANG Li, GUO Tao. Review of heat transfer enhancement for dimpled surface[J]. Journal of Aerospace Power, 2007, 22(11), 1785-1791.
- [4] LIGRANI P M, HARRISON J L, MAHMMOD G I, et al. Flow structure due to dimple depressions on a channel surface[J]. Physics of Fluids, 2001, 13(11): 3442-3451.
- [5] MURATA A, MOCHIZUKI S. Centrifugal buoyancy effect on turbulent heat transfer in a rotating two-pass smooth square channel with sharp 180-deg turns[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2004, 47(14-16): 3215-3231.
- [6] XIE G N, SUNDEN B, WANG Q W. Predictions of enhanced heat transfer of an internal blade tip-wall with hemispherical dimples or protrusions [J]. Journal of Turbomachinery-Transactions of the ASME, 2011, 133 (4):041005.
- KANOKJARUVIJIT K, MARTINEZ-BOTAS R F. Heat transfer and pressure investigation of dimple impingement
 J. Journal of Turbomachinery-Transactions of the ASMW, 2008, 130(1): 011003.
- [8] SHEN Z Y, XIE Y H, ZHANG D. Experimental and numerical study on heat transfer in trailing edge cooling passages with dimples/protrusions under the effect of side wall slot ejection[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 2016, 92: 1218-1235.
- [9] 赵璟,党兴华. 基于分形理论的城市群最优空间结构模型与应用[J]. 西安理工大学学报, 2012, 28(2): 240-246.
 ZHAO Jing, DANG Xinghua. An optimal spatial structure model of urban agglomeration and its application based on fractal theory[J]. Journal of Xi'an University of Technology, 2012, 28(2): 240-246.
- [10] BEJAN A. Constructal-theory network of conducting paths for cooling a heat generating volume[J]. International Journal of Heat and Mass Transfer, 1997, 40 (4): 799-816.
- [11] CHEN Y P, ZHENG P. An experimental investigation on the thermal efficiency of fractal tree-like microchannel nets [J]. International Communications in Heat and Mass Transfer, 2005, 32(7): 931-938.
- [12] SENN S M, POULIKAKOS D. Laminar mixing, heat transfer and pressure drop in tree-like microchannel

nets and their application for thermal management in polymer electrolyte fuel cells [J]. Journal of Power Sources, 2004, 130(1): 178-191.

[13] 孙纪宁,邓晶,邓宏武.涡轮叶片微小通道气膜新型 复合冷却结构设计[J].北京航空航天大学学报, 2012,38(5):702-706.

SUN Ji'ning, DENG Jing, DENG Hongwu. Structure design of a new cooling system combined micro channel and film cooling in the turbine blade[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2012, 38(5), 702-706.

- [14] AHMAD F, BURZYCH T, HUMMEL E, et al. Arrangement of cooling channels in a turbine blade: US20160208622A1[P]. 2016-07-21.
- [15] SHUI L Q, HUANG B, DONG K K, et al. Investigation of heat transfer and flow characteristics in frac-

tal tree-like microchannel with steam cooling [C]// ASME Turbo Expo: Turbine Technical Conference and Exposition, Charlotte, NC, Jun 26-30, 2017: V05AT 16A008.

- [16] SHUI L Q, HUANG B, GAO F, et al. Experimental and numerical investigation on the flow and heat transfer characteristics in a tree-like branching microchannel
 [J]. Journal of Mechanical Science and Technology, 2018, 32(2): 937-946.
- [17] ZHU J N, GAO T Y, LI J, et al. The effect of vortex core distribution on heat transfer in steam cooling of gas turbine blade internal ribbed channels [C]// ASME Turbo Expo: Turbine Technical Conference and Exposition, Dusseldorf, Germany, Jun 16-20, 2014: V05AT12A005.

(责任编辑 周 蓓)

(上接第52页)

- [11] KURTAN U, AMIR M, BAYKAL A, et al. Fe₃O₄@ Nico-Ag magnetically recyclable nanocatalyst for azo dyes reduction [J]. Applied Surface Science, 2016, 363: 66-73.
- [12] YANG B, TIAN Z, ZHANG L, et al. Enhanced heterogeneous Fenton degradation of methylene blue by nanoscale zero valent iron (nZVI) assembled on magnetic Fe₃ O₄/reduced graphene oxide [J]. Journal of Water Process Engineering, 2015, 5:101-111.
- [13] LEE G Y, SONG J, LEE J, et al. Reaction kinetics and phase transformation during hydrogen reduction of

spherical Fe₂O₃ nanopowder agglomerates [J]. Powder Technology, 2016, 302: 215-221.

- [14] ZHANG Q, ZHANG T, GE J, et al. Permeable silica shell through surface-protected etching [J]. Nano Letters, 2008, 8(9):2867-2871.
- [15] XUAN S, WANG F, WANG Y X, et al. Facile synthesis of size-controllablemonodispersed ferrite nanospheres [J]. Journal of Materials Chemistry, 2010, 20:5086-5094.

(责任编辑 周 蓓)